

## КОРЕКЦІЯ АПАРАТНОЇ ФУНКЦІЇ ТА РОЗДІЛЬНОЇ ЗДАТНОСТІ ПОЛІМЕТРИЧНИХ СИСТЕМ

*Розглянута можливість підвищення точності поліметричних інформаційних систем, шляхом коригування апаратної функції та роздільної здатності.*

**Ключові слова:** апаратна функція, поліметрична система, роздільна здатність.

*Рассмотрена возможность повышения точности полиметрических информационных систем путем коррекции аппаратной функции и разрешающей способности.*

**Ключевые слова:** аппаратная функция, полиметрическая система, разрешающая способность.

*The possibility of increasing the accuracy for polymetric information systems through the correction of hardware function and system resolution is considered.*

**Key words:** hardware function, polymetric system, resolution.

### ВСТУП

Апаратна функція (АФ) поліметричної системи (ПМС) дорівнює згортці зонduючого сигналу і імпульсної характеристики (ІХ) стробоскопічного перетворювача, визначає роздільну здатність і потенційні можливості ПМС. АФ ПМС може спостерігатися експериментально на екрані індикатора в режимі холостого ходу або короткого замикання входу. Ідеалізована АФ ПМС є функцією Хевісайда. У реальних умовах реалізувати АФ у вигляді функції Хевісайда неможливо, оскільки ПМС має кінцеву тривалість фронту зонduючого сигналу і обмежену смугу пропускання стробоскопічного перетворювача. Роздільна здатність ПМС і точність виміру тим більше, чим ближче значення АФ до значень функції Хевісайда.

### ПОСТАНОВКА ПРОБЛЕМИ

Можливості поліпшення технічних характеристик ПМС обмежені використовуваною елементною базою, тому слід розглянути можливість корекції АФ за допомогою обробки інформації на ЕОМ.

**Мета роботи** – дослідження можливості корекції АФ і роздільної здатності з метою підвищення точності ПМС.

### ВИКЛАД ОСНОВНОГО МАТЕРІАЛУ

Під корекцією АФ розумітимемо таку обробку, яка дозволить отримувати АФ, найбільш близьку до функції Хевісайда.

#### **Корекція апаратної функції ПМС**

Метод корекції включає наступні операції:

1. За допомогою алгоритму ШПФ обчислюється оцінка спектру зміряної АФ:

$$G(\omega) = F[g(t)], \text{ де } F - \text{операція ШПФ.}$$

2. Обчислюється оцінка спектру відбитого сигналу:

$$U_0(\omega) = F[u_0(t)].$$

3. У смузі частот, де вплив шумів незначний, виконується ділення спектру відбитого сигналу на спектр зонduючого сигналу:

$$K(\omega) = \frac{U_0(\omega)}{G(\omega)} \cdot A(\omega),$$

де  $A(\omega)$  – вагове вікно, яке визначає смугу частот і зменшує рівень шумових складових у значеннях функції  $K(\omega)$ . Смуга пропускання вікна визначається співвідношенням спектральної щільності шуму і сигналу.

4. За допомогою операції зворотного ШПФ  $F^{-1}$  знаходиться скоригована ІХ досліджуваного об'єкту:  $K(t) = F^{-1}[K(\omega)]$ . ІХ інтегрується:  $h(t) = \int_0^t k(t)dt$ .

Якщо замість відбитого сигналу  $u_0(t)$  використовувати зондуєчий сигнал, що реєструється стробоскопічним перетворювачем, то  $h(t)$  і буде цією АФ. Ця задача широко поширена і відноситься до класу некоректних задач. Некоректність виявляється в тому, що по мірі розширення діапазону частот корекції все більше збільшується внесок шумових складових зміряних сигналів [1]. Форма і тривалість сигналу, що пройшов по чутливому елементу (ЧЕ), визначається формою і тривалістю початкового сигналу і характеристикою ЧЕ.

**Корекція роздільної здатності ПМС**

З теорії синтезу електричних кіл відомо, що при певних властивостях кола (наприклад, чотириполосника) у завдання корекції входить визначення вхідної дії  $U_1(t)$  для забезпечення необхідного вихідного сигналу  $U_2(t)$  [2]. Ця задача розглядається зазвичай у формі визначення добавки до тієї або іншої функції  $U_1(t)$ , необхідної для того, щоб скоригувати небажані спотворення, що вносяться чотириполосником.

У задачі коригування параметрів зондуєчого імпульсу слід позначити:  $U_2(t) = U(t)_{ОИ}$  – відбитий імпульс;  $U_1(t) = U(t)_{ЗИ}$  – зондуєчий імпульс.

Чотириполосник – ЧЕ – характеризується коефіцієнтом передачі в частотній області  $K(\omega)$  і перехідною характеристикою в функції часу  $h(t)$ . Прийемо для зручності аналізу коефіцієнт відбиття рівним одиниці. На підставі спектрального представлення імпульсних сигналів:

$$\left. \begin{aligned} S(\omega)_{ОИ} &= S(\omega)_{ЗИ} \cdot e^{-2\alpha(\omega)l} \\ S(\omega)_{ЗИ} &= S(\omega)_{ОИ} \cdot e^{2\alpha(\omega)l} \end{aligned} \right\} \quad (1)$$

де  $e^{-2\alpha(\omega)l}$  коефіцієнт передачі ЧЕ для подвійного пробігу сигналом ділянки завдовжки  $l$  по хвильовому каналу з коефіцієнтом загасання  $\alpha(\omega)$ .

Заданою формою відбитого сигналу і його тривалістю. Нехай відбитий імпульс – по формі гаусовий, а його тривалість складає:  $\tau_{ОИ} = t_{\min}$ .

Огинаюча такого імпульсу описується виразом:

$$U(t)_{ОИ} = A_{ОИ} \cdot e^{-\frac{t^2}{2a^2}} \text{ при } -\infty < t < \infty.$$

Спектральна функція імпульсу гауса має вигляд:

$$S(\omega)_{ОИ} = A_{ОИ} \sqrt{2\pi} \cdot a \cdot e^{-\frac{a^2\omega^2}{2}} = B e^{-\frac{\omega^2}{2b^2}}$$

Імпульс та його спектральна функція показані на рис. 1 а, б, де  $a = \frac{1}{2}\tau_{ОИ}$  – половина тривалості імпульсу, що визначається на рівні  $e^{-\frac{1}{2}} = 0,606$ .

$$B = \sqrt{2\pi}a \cdot A_{ОИ} = \sqrt{2\pi} \frac{1}{2}\tau_{ОИ} \cdot A_{ОИ}; \quad b = \frac{1}{a} = \frac{2}{\tau_{ОИ}}; \quad b^2 = \frac{4}{\tau_{ОИ}^2}.$$

Спектральна функція зондуєчого імпульсу, що задовольняє заданим умовам, згідно (1), має бути:

$$S(\omega)_{3И} = B \cdot e^{-\frac{\omega^2}{2b^2}} \cdot e^{2\alpha(\omega)l} = B \cdot e^{2\alpha(\omega)l - \frac{\omega^2}{2b^2}} \quad (2)$$

Коефіцієнт затухання – лінійна функція частоти

$$\alpha(\omega) = \psi \cdot \omega$$

де  $\psi$  – коефіцієнт пропорційності.

При прийнятому визначенні спектральна функція зондуючого сигналу матиме вигляд:

$$S(\omega)_{3И} = B \cdot e^{2\psi\omega l - \frac{\omega^2}{2b^2}} = B \cdot e^{2\psi\omega l - \frac{\omega^2 \tau_{ОН}^2}{8}}$$

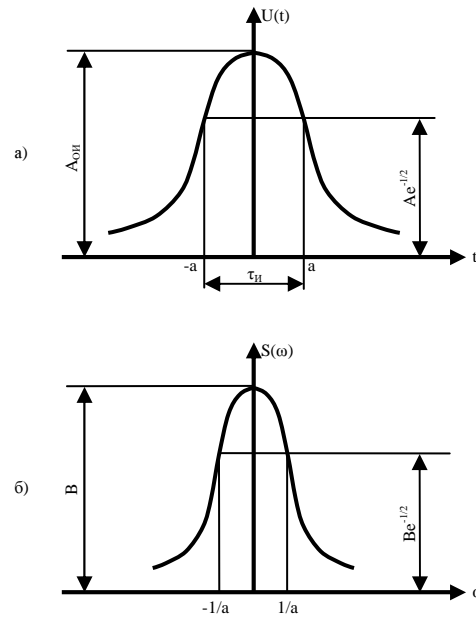


Рис. 1

Оскільки коефіцієнт передачі ЧЕ має явно виражений спад в області високих частот, то слід чекати, що функція (2) в цій області частот повинна мати екстремум.

Досліджуємо функцію (2) на екстремум.

$$S'(\omega)_{3И} = \left( B \cdot e^{2\psi\omega l - \frac{\omega^2}{2b^2}} \right)' = B \left( 2\psi l - \frac{\omega}{b^2} \right) \cdot e^{2\psi\omega l - \frac{\omega^2}{2b^2}}$$

Похідна спектральної функції перетворюється на нуль при:

$$2\psi l - \frac{\omega}{b^2} = 0 \quad (3)$$

$$\omega_{\max} = 2\psi l b^2 = 2\psi l \frac{4}{\tau_{ОН}^2} = \frac{8\psi l}{\tau_{ОН}^2}$$

На цій частоті – максимум спектральної функції, оскільки

$$\text{при } \omega < 2\psi l b^2 \quad S'(\omega)_{3И} > 0;$$

$$\text{при } \omega > 2\psi l b^2 \quad S'(\omega)_{3И} < 0.$$

Знайдемо характерні точки спектральної функції (2):

$$S(\omega=0)_{3И} = B = \sqrt{2\pi} \cdot A_{ОН} \cdot \frac{\tau_{ОН}}{2} = \sqrt{\frac{\pi}{2}} A_{ОН} \tau_{ОН}$$

$$S_{\max}(\omega_{\max} = 2\psi b^2)_{3И} = \sqrt{2\pi} \frac{1}{2} \tau_{OH} A_{OH} e^{2\psi\omega - \frac{\omega^2}{2b^2}} =$$

$$= \sqrt{\frac{\pi}{2}} A_{OH} \tau_{OH} e^{\frac{8\psi^2 t^2}{\tau_{OH}^2}}$$

При  $\omega \rightarrow \infty$ :

$$S(\omega)_{3И} = \sqrt{2\pi} \frac{\tau_{OH}}{2} A_{OH} e^{2\psi\omega - \frac{\omega^2}{2b^2}} =$$

$$= \sqrt{\frac{\pi}{2}} A_{OH} \tau_{OH} e^{\frac{2\psi\omega - \frac{\omega^2}{2b^2}}{8}} \rightarrow 0$$

де  $A_{OH}$  – амплітуда відбитого імпульсу,  $\tau_{OH}$  – тривалість відбитого імпульсу на рівні  $0,606A_{OH}$ .

Функція (2) безперервна в діапазоні частот  $\omega = 0 \dots \infty$  має екстремум, при  $\omega \rightarrow \infty$  прагне до нуля і визначається трьома чинниками: тривалістю, формою відбитого імпульсу, частотними властивостями ЧЕ. Цілком можна передбачити, що не існує сигналу, що задовольняє будь-якому поєднанню перерахованих чинників. Найбільшу подібність функції (2) має спектральна функція сигналу, що описується виразом:

$$f(t) = \begin{cases} e^{-\alpha t} \sin \omega_1 t & \text{при } t > 0 \\ 0 & \text{при } t < 0 \end{cases}$$

де  $\omega_1$  – власна частота коливання.

Модуль спектральної функції сигналу (4) дорівнює:

$$|S(j\omega)| = \frac{\omega_1}{\sqrt{(\alpha^2 + \omega_1^2 - \omega^2)^2 + 4\alpha^2 \omega^2}} \quad (5)$$

де  $\alpha$  – коефіцієнт загасання.

Функція (4) має характерні точки:

$$S(\omega=0) = \frac{\omega_1}{\alpha^2 + \omega_1^2}; \quad \omega_{\max} = \sqrt{\omega_1^2 - \alpha^2}, \quad S(\omega_{\max}) = \frac{1}{2\alpha}.$$

На підставі аналізу функції (4) визначимо граничні умови, при яких можлива подібність функції (2) спектральній функції реально існуючого сигналу.

Позначемо:  $\omega_1 = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{2\tau_{3И}} = \frac{\pi}{\tau_{3И}}$ . Для наочності виразимо  $\alpha$  через співвідношення амплітудних значень напівперіодів протилежної полярності  $A'_{3И}$  і  $A''_{3И}$  одного періоду коливань зондуючого сигналу:

$$A'_{3И} = e^{\frac{\alpha\tau_{3И}}{2}} = \frac{1}{e^{\frac{\alpha\tau_{3И}}{2}}}; \quad A''_{3И} = \frac{1}{e^{\frac{3\alpha\tau_{3И}}{2}}};$$

$$n = \frac{A''_{3И}}{A'_{3И}} = \frac{e^{\frac{\alpha\tau_{3И}}{2}}}{e^{\frac{3\alpha\tau_{3И}}{2}}} = e^{-\alpha\tau_{3И}}; \quad \alpha = \frac{\ln \frac{1}{n}}{\tau_{3И}}.$$

Тоді  $\omega_{\max}$  через коефіцієнт  $n$  визначається:

$$\begin{aligned}\omega_{\max} &= \sqrt{\omega_1^2 - \alpha^2} = \sqrt{\frac{\pi^2}{\tau_{3И}^2} - \frac{\left(\ln \frac{1}{n}\right)^2}{\tau_{3И}^2}} = \\ &= \frac{\pi}{\tau_{3И}} \sqrt{1 - \left(\frac{\ln \frac{1}{n}}{\pi}\right)^2},\end{aligned}$$

при  $n=1$ ,  $\omega_{\max} = \frac{\pi}{\tau_{3И}} = \omega_1$ ;

при  $n=0,1$ ,  $\omega_{\max} = \frac{1}{\tau_{3И}} \sqrt{10-5,3} = 0,7\omega_1$ ;

при  $n=0,5$ ,  $\omega_{\max} = \frac{1}{\tau_{3И}} \sqrt{10-0,48} = 0,8\omega_1$ ;

при  $n > 0,5$ ,  $\omega_{\max} \rightarrow \frac{\pi}{\tau_{3И}}$ .

Співвідношення між тривалістю зонduючого і відбитого імпульсів визначимо з виразу (3). При  $n > 0,5$ :

$$\frac{\pi}{\tau_{3И}} = \frac{8\psi l}{\tau_{ОИ}^2}, \quad \tau_{3И} = \frac{\pi \tau_{ОИ}^2}{8 \psi l}. \quad (6)$$

А для проміжних значень  $n$  існуватиме залежність:

$$\frac{\pi}{\tau_{3И}} \sqrt{1 - \left(\frac{\ln \frac{1}{n}}{\pi}\right)^2} = \frac{8\psi l}{\tau_{ОИ}^2}; \quad \tau_{3И} = \frac{\pi \tau_{ОИ}^2}{8 \psi l} \sqrt{1 - \left(\frac{\ln \frac{1}{n}}{\pi}\right)^2}.$$

Задано обмеженнями, заснованими на тому, що значення функцій (2) і (5) збігаються на частотах  $\omega=0$  і  $\omega=\omega_{\max}$ .

Тоді:

$$\frac{\omega_1}{\alpha^2 + \omega_1^2} = B \quad \text{при } \omega=0;$$

$$\frac{1}{2\alpha} = B \cdot e^{\frac{2\psi\omega l - \omega^2 \tau_{ОИ}^2}{8}} \quad \text{при } \omega = \frac{8\psi l}{\tau_{ОИ}^2};$$

$$\frac{1}{2\alpha} = B \cdot e^{\frac{8(\psi l)^2}{\tau_{ОИ}^2}}; \quad \alpha = \frac{1}{2} \frac{\alpha^2 + \omega_1^2}{\omega_1} e^{\frac{8(\psi l)^2}{\tau_{ОИ}^2}} \quad \text{або}$$

$$\exp \frac{8(\psi l)^2}{\tau_{ОИ}^2} = \frac{1}{2\alpha} \frac{\alpha^2 + \omega_1^2}{\omega_1}.$$

Виразимо  $\alpha$  через період коливань генератора зонduючих сигналів:  $\alpha = \frac{1}{\tau_{3И} \cdot K}$ , де  $K = 2, 4, 6, 8, \dots$   $K \rightarrow \infty$  при  $\alpha \rightarrow \infty$ .

Найбільш цікавим є випадок, коли  $\alpha \rightarrow 0$ . При цьому слід чекати максимальний зсув екстремуму спектральної функції зонduючого сигналу в область високих частот і забезпечення при цьому максимальної роздільної здатності, тобто

$$\frac{\alpha^2 + \omega_1^2}{\omega_1^2} \approx \omega_1, \quad \text{тоді}$$

$$\exp 8 \frac{(\psi l)^2}{\tau_{OI}^2} = \frac{1}{2\alpha} \omega_1 = \frac{\pi \tau_{ZI} \cdot K}{\tau_{ZI} \cdot 2} = \frac{\pi \cdot K}{2} = 1,57K,$$

$$8 \frac{(\psi l)^2}{\tau_{OI}^2} = \ln(1,57K).$$

Мінімальна тривалість відбитого імпульсу, що формується системою «генератор зондуючих імпульсів – ЧЕ», при вибраних співвідношеннях буде:

$$\tau_{OI} = \frac{2,8\psi l}{\sqrt{\ln(1,57K)}}.$$

З виразу (6) визначимо потрібну для забезпечення  $\tau_{OI}$  тривалість зондуючого імпульсу:

$$\tau_{ZI} = \frac{3,14}{8\psi l} \tau_{OI}^2 = \frac{3,148(\psi l)^2}{8\psi l \cdot \ln(1,57K)} = \frac{3,14\psi l}{\ln(1,57K)}$$

При збільшенні  $K$ , тобто при  $n \rightarrow 1$ ,  $\tau_{ZI} \rightarrow \psi l$  і з достатньою для практики точністю настає рівність:

$$\tau_{ZI} = \tau_{OI}.$$

### **ВИСНОВОК**

Якщо зондувати ЧЕ зондуючим сигналом, огинаюча спектральної функції якого має явно виражений максимум, можна при поліметричних вимірах у певних межах компенсувати підвищене загасання сигналу в ЧЕ в області високих частот і, тим самим, поліпшити роздільну здатність, а отже і точність вимірів.

### **ЛІТЕРАТУРА**

1. Василенко Г.И. Теория восстановления сигналов. – М.: Сов. Радио, 1979.
2. Зиновьев А.Л., Филиппов Л.И. Введение в теорию сигналов и цепей. – М.: «Высшая школа», 1975.

Рецензенти: д.т.н., професор Жуков Ю.Д.;  
к.т.н., доцент Обрубов А.В.

© Гордеев Б.М., Грешнов А.Ю., 2010

Стаття надійшла до редколегії 03.05.2010 р.